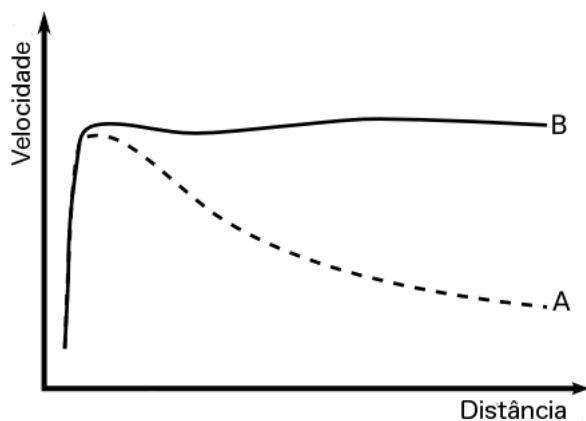


1. a) **0.7**
2. c) **0.7**
3. b) **0.7**
4. d) **0.7**
5. (a) Falso. As supernovas do tipo Ia ocorrem em sistemas binários em que um dos corpos é uma anã branca. **1.0**
- (b)  $m - M = 5 \log(d) - 5$  **1.5**  
 $m = 8.4 \text{ mag}$  e  $M = -19.3 \text{ mag}$   
 $d = 10^{6.54} = 3.5 \times 10^6 \text{ pc} = 3.5 \text{ Mpc}$
6. (a)  $F_c = F_g \Leftrightarrow M \frac{v^2}{r} = G \frac{M^2}{(2r)^2} \Leftrightarrow M = \frac{4rv^2}{G}$  **2.1**  
 $r = 150 \text{ kpc} = 150\,000 \text{ pc} = 4.629 \times 10^{21} \text{ m}$   
 $v = 40 \text{ kms}^{-1} = 40\,000 \text{ ms}^{-1}$   
 $M = 4.43 \times 10^{41} \text{ kg}$   
 $M_{\odot} = 1.99 \times 10^{30} \text{ kg}$   
 $M = 2.23 \times 10^{11} M_{\odot}$
- (b) Esboçar a curva de rotação esperada e observada, identificando A) esperado e B) observado. **1.0**



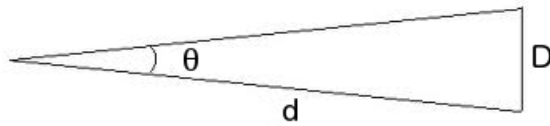
A velocidade de rotação mantém-se alta nas zonas exteriores da galáxia implicando que a força de gravidade exercida nestas zonas é semelhante à exercida nas zonas mais interiores. A explicação reside na existência de matéria não visível.

7. (a) Durante os eclipses do Sol, sabemos que o seu diâmetro angular é idêntico ao da Lua, logo  $\theta_{\odot} \simeq 0.5^{\circ}$  ( $\theta$  = diâmetro aparente). **0.5**

Resolução alternativa: resolver como a alínea c)

$\theta \simeq \frac{D}{d}$ , onde  $D$  = diâmetro do Sol e  $d$  = distância de Marte ao Sol.

(b)  $\text{sen} \frac{\theta}{2} = \frac{\frac{D}{2}}{d}$  **0.5**



como  $d \gg \frac{D}{2}$  então  $\text{sen} \frac{\theta}{2} \simeq \frac{\theta}{2}$

$$\Rightarrow \theta \simeq \frac{D}{d} \Leftrightarrow D = \theta \cdot d$$

$$D_{\odot} = 0.5^{\circ} \times d_{\text{Sol-Lua}} = x \times d_{\text{Sol-Marte}}$$

$$d_{\text{Sol-Marte}} \simeq 1.5 d_{\text{Sol-Lua}} \Rightarrow x = \frac{0.5^{\circ}}{1.5} = 0.33^{\circ}$$

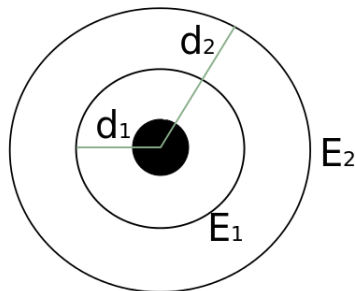
Resolução alternativa: resolver como a alínea c)

(c)  $d_{\text{Lua-Marte}} = \frac{1}{2} d_{\text{Lua-Sol}} = 74.8 \times 10^9 \text{ m}$  **0.5**

$$D_{\text{Marte}} = 2D_{\text{Lua}} = 6.948 \times 10^6 \text{ m}$$

$$\theta \simeq \frac{D}{d} = 9.29 \times 10^{-5} \text{ rad} = 5.322 \times 10^3 \text{ }^{\circ} = 19.12''$$

- (d) A energia radiada pelo Sol conserva-se entre duas esferas centradas no Sol:



$$E_1 = E_2 = E$$

A quantidade de energia que chega a um planeta depende da área deste:

Área do planeta =  $\pi R^2$  ; Área da esfera =  $4\pi d^2$

$$\text{logo } E_p = E \left( \frac{R}{2d} \right)^2$$

$$\text{ento, } \frac{E_M}{E_L} = \left( \frac{R_M}{R_L} \right)^2 \cdot \left( \frac{d_L}{d_M} \right)^2 = 2^2 \left( \frac{1}{1.5} \right)^2 = 1.78$$

8. (a)  $\Delta\lambda = \lambda_{obs} - \lambda_{real}$  **1.5**

$$c \simeq 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$$

$$v = 3 \times 10^5 \text{ ms}^{-1}$$

$$\lambda_{real} \approx 700 \text{ nm}$$

$$\Delta\lambda = \lambda_{real} \left( 1 - \sqrt{\frac{1+\frac{v}{c}}{1-\frac{v}{c}}} \right) \simeq \lambda_{real}(1 - 1.001) = -0.7 \text{ nm}$$

(b)  $450 = 700 \sqrt{\frac{1+\beta}{1-\beta}}$  onde  $\beta = \frac{v}{c}$  **1.0**

$$\Leftrightarrow \left(\frac{450}{700}\right)^2 = \frac{1+\beta}{1-\beta}$$

$$\Leftrightarrow \beta = \frac{v}{c} = \frac{\left(\frac{450}{700}\right)^2 - 1}{\left(\frac{450}{700}\right)^2 + 1} \simeq -0.415$$

$$\Leftrightarrow v = -1.245 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$$

9.  $E_{pi} = -G \frac{Mm}{R}$  **2.4**

$$E_{ci} = \frac{mV_i^2}{2}$$

M - massa do planeta ; R - raio do planeta ;  $\rho$  - densidade média do planeta

$$G \frac{Mm}{R} = \frac{mV_i^2}{2}$$

$$M = \frac{4}{3} \pi R^3 \rho$$

$$\rho = \frac{M_{\oplus}}{\frac{4}{3} \pi R_{\oplus}^3} \simeq 5.5 \times 10^3 \text{ kgm}^{-3}$$

Substituindo:

$$\frac{G4\pi R^3 \rho m}{3R} = \frac{m2gh}{2} \Leftrightarrow R = \sqrt{\frac{3gh}{4G\pi\rho}} \simeq 1.6 \text{ km}$$

10. (a)  $m_A - m_B = -2.5 \log\left(\frac{B_A}{B_B}\right)$  **1.0**

$$\Leftrightarrow \log\left(\frac{B_A}{B_B}\right) = \frac{18.26 - 18.83}{-2.5} = \frac{-0.57}{-2.5} = 0.228$$

$$\frac{B_A}{B_B} = 10^{0.228} = 1.69$$

(b)  $T_{Gano} = 2.29 \times 10^5 \cdot (40\text{kpc})^2 \cdot (1200\text{kms}^{-1}) / 6 \times 10^{11} M_{\odot} = 0.7328 \text{ Gano}$  **1.0**

(c) Densidade de superfície =  $\frac{\text{Número de galáxias}}{\text{área}} = \frac{5}{\pi r^2} = 0.004 \text{ galáxias kpc}^{-2}$  **1.0**

Densidade de volume =  $\frac{\text{Número de galáxias}}{\text{volume}} = \frac{5}{\frac{4}{3} \pi r^3} = 0.00015 \text{ galáxias kpc}^{-3}$